Badische Landesbibliothek Karlsruhe

Digitale Sammlung der Badischen Landesbibliothek Karlsruhe

Der Maschinenbau

Redtenbacher, Ferdinand Mannheim, 1863

Wellen für Räder mit Spannstangen

urn:nbn:de:bsz:31-270981

Wellen für Räder mit Spannstangen. Diese Wellbäume haben, wie schon mehrmals erwähnt wurde, nur allein das Gewicht der Konstruktion zu tragen, sind also nicht auf Torsion in Anspruch genommen.

Wenn man die Berechnung der Welle sehr genau nehmen will, verursacht das einseitige Vorhandensein eines Zahnkranzes weitläufige Rechnungen und Erklärungen. Viel einfacher und leichter verständlich wird die Sache, wenn wir uns denken, dass das Rad auf jeder Seite mit einem Zahnkranz versehen sei, und dass überhaupt die beiden Seiten des Rades übereinstimmen.

Nennen wir unter dieser Voraussetzung:

d den Durchmesser des Zapfens,

c die Länge des Zapfens,

D den Durchmesser der Welle in der mittleren Ebene der Rosette, 1 die Entfernung des Zapfenmittels vom Mittelpunkt der Rosette,

G das Gewicht des Rades sammt Welle aber ohne Zahnkranz,

z das Gewicht des Zahnkranzes,

M das Elastizitätsmoment eines in dem Abstande

x von einer Rosette befindlichen Querschnittes des Wellenstückes zwischen den 2 Rosetten,

dann ist

1/2 G + Z der Druck, welchen ein Zapfen auszuhalten hat, mithin:

$$d=0.18\sqrt{\frac{1}{2}~G+Z}~und~c=1.2~d$$

ferner ist:

$$D = d \sqrt[3]{\frac{1}{\frac{1}{2}}}$$

Wenn man das Moment von dem Gewicht des Wellenstückes von der Länge 1+x vernachlässigt, und den Druck, welchen die Rosette gegen die Welle ausübt, gleich ½G+Z setzt, wodurch der wahre Werth dieses Druckes um das halbe Gewicht der Welle zu gross angenommen wird, so erhält man folgende annähernde Gleichung:

$$\left(\frac{1}{2} G + Z\right)\left(1+x\right) - \left(\frac{1}{2} G + Z\right)x = M$$

oder

$$\left(\frac{1}{2} G + Z\right) 1 = M$$

die jedoch hinreichend genau ist, indem der vernachlässigte Einfluss von dem Gewichte der Welle von keiner Bedeutung ist. Diese

letzte Gleichung ist nun unabhängig von x, es haben daher alle Querschnitte des Wellenstückes zwischen den zwei Rosetten sehr nahe einem gleich grossen Biegungsmomente (½ G + Z)1 zu widerstehen.

Nimmt man also für die Wellenstücke zwischen den Rosetten einen Cylinder von dem Durchmesser D, so hat man eine Form, Tafel VII., Fig. 14, welche der durch obige Gleichung ausgedrückten Bedingung entspricht.

Allein diese cylindrische Form erfordert ziemlich viel Material, und hat im Verhältniss zu ihrem Querschnitt, Fig. 18, eine sehr kleine Oberfläche, daher bei derselben unganze Stellen im Gusse zu befürchten sind.

Nimmt man für die Querschnittsform einen Cylinder mit kreuzförmigen Nerven, wie Fig. 15 zeigt, so entspricht auch diese Form
der Bedingungsgleichung, vorausgesetzt, dass die einzelnen Dimensionen des Querschnitts gehörig gewählt werden; allein diese
Form hat den Fehler, dass bei derselben kein stetiger Uebergang in die Endstücke der Welle statt findet. Dies kann bewirkt
werden, wenn man, wie bei Fig. 16 und 17, den äusseren Nerven
eine in die Endstücke übergehende Krümmung gibt; weil aber dadurch die Welle geschwächt wird, so muss man die aussen weggenommene Masse wieder zu ersetzen suchen, was auf zweierlei
Weise geschehen kann, indem man entweder den runden mittleren
Kern von der Mitte an nach aussen zu konisch zunehmen lässt, wie bei
Fig. 16, oder indem man, wie bei Fig. 17, den mittleren Theil cylindrisch macht, und die Dicke der Nerven von der Mitte nach aussen
zu allmählig stärker werden lässt.

Gewöhnlich findet man bei ausgeführten Rädern die Form Fig. 16; die Form Fig. 17 verdient aber in so fern vorgezogen zu werden, als sie gefälliger ist.

Nach den Bezeichnungen, welche in Fig. 19 angegeben sind, ist das Elastizitätsmoment für den mittleren Querschnitt der Welle

$$M = \frac{\Re}{6 \ h} \left[0.589 \ D_1^4 + (h^3 - D_1^3) \ e + (h - D_1) \ e^3 \right]$$

wobei n den Coeffizienten für die respektive Festigkeit bezeichnet. Es ist aber auch, weil der Querschnitt D dem gleichen Moment zu widerstehen hat:

$$M=rac{\Re\ \pi}{32}\ D^3$$

Angrai

II ping

inkning p

西西田田

कि स्क

四面

ene de la

t der Bost

s Welst

da ki

es Welest

战, 陸

tal soles

ende mie

demnach erhält man:

$$\begin{split} D^{3} \frac{\pi}{32} &= \frac{1}{6 \text{ h}} \left[0.589 \ D^{4} + \left(h^{3} - D_{1}^{3} \right) e + \left(h - D_{1} \right) e^{3} \right] \\ &= \frac{e^{3}}{6} \left[0.589 \left(\frac{D_{1}}{e} \right)^{4} + \left(\frac{h}{e} \right)^{3} - \left(\frac{D_{1}}{e} \right)^{3} + \frac{h}{e} - \frac{D_{1}}{e} \right] \left(\frac{e}{h} \right) \end{split}$$

und daraus folgt:

$$\frac{D}{e} = \sqrt{\frac{32}{6\,\pi}\left[0.589\left(\frac{D_1}{e}\right)^4 + \left(\frac{h}{e}\right)^3 - \left(\frac{D_1}{e}\right)^3 + \frac{h}{e} - \frac{D_1}{e}\right]\frac{e}{h}}$$

Vermittelst dieses Ausdrucks wird der Werth von $\frac{D}{e}$ bestimmt, wenn man in demselben für $\frac{D_i}{e}$ und für $\frac{h}{e}$ passende Verhältnisszahlen substituirt.

Diese letzteren müssen, damit die Welle eine gefällige Form erhält, je nach der Entfernung der Rosetten gewählt werden. Man erhält jederzeit eine gefällige Form, wenn man nimmt:

$$\frac{h}{e} = 4.5 + 1.5 L$$

$$\frac{D_1}{e} = 6.75 - 0.75 L$$

wobei L die in Metern ausgedrückte Entfernung der Rosetten bezeichnet.

Das Verfahren zur Berechnung aller wesentlichen Querschnittsdimensionen der Welle ist nun folgendes:

Man bestimmt zuerst das Gewicht G der Konstruktion ohne Zahnkranz, so wie auch das Gewicht z dieses letzteren; dann geben die Gleichungen (Seite 136) den Durchmesser a und die Länge e des Zapfens; hierauf berechnet man vermittelst der Gleichung auf derselben Seite den Durchmesser D. Sodann bestimmt man vermittelst der obigen Gleichungen die Verhältnisse $\frac{h}{c}$ und $\frac{D_i}{e}$ und substituirt dieselben in den Ausdruck für $\frac{D}{e}$, so erhält man den Werth von $\frac{D}{e}$ und da D bereits bekannt ist, so hat man auch den Werth von $\frac{D}{e}$ welcher mit den bereits berechneten Werthen von $\frac{h}{e}$ und $\frac{D_i}{e}$ multiplizirt, auch den Werth von $\frac{h}{e}$ und in der Zeichnung aufgetragen, so hat man hinreichende Anhaltspunkte, um die voll-

ständige Verzeichnung der Welle nach dem Gefühle auszuführen. Wenn man die beiden Hälften der Welle übereinstimmend macht, so ist diejenige Hälfte, welche der Seite des Rades angehört, an welcher sich in der Wirklichkeit kein Zahnkranz hefindet, etwas zu stark. Will man auch diese Seite den daselbst wirkenden Lasten entsprechend machen, so muss man ihre Querschnittsdimensionen nach den angegebenen Formeln berechnen, indem man z=0 nimmt; und dann muss man bei der Verzeichnung der Welle den zwischen den Rosetten befindlichen Theil durch schickliche Uebergangsformen herzustellen suchen. Für die Ausführung ist es aber zweckmässiger, die beiden Hälften der Welle in jeder Hinsicht übereinstimmend zu machen.

Damit die Dimensionen der Welle bei vollkommener Sicherheit möglichst klein ausfallen, ist es sehr wichtig, dass die Zapfen so nahe als möglich an den Rosetten angenommen werden, so dass also der Werth von 1 möglichst klein ausfällt; denn so wie 1 gross ist, werden es auch alle übrigen Grössen D, e, h, D, und die Welle wird dann schwer. Der kleinste Werth von 1 wird durch die Breite des Zahnkranzes bestimmt.

Bei ausgeführten Rädern ist fast immer der äussere Theil zwischen dem Zapfen und der Rosette nur wenig stärker als der Zapfen selbst, daher zu schwach, was auch die Erfahrung bestätigt hat, denn es sind schon oftmals Wasserradswellen an diesem Theile gebrochen.

Zur Bestimmung der untergeordneten Dimensionen eines Rades kann man sich an die nachstehenden Regeln halten.

Rosetten. Nennt man d den Durchmesser des Wasserradzapfens, h die grössere von den Querschnittsdimensionen eines Radarms, so ist:

- A) die Länge einer Armhülse an der Rosette:
 - a) für Räder mit steifen Armen, nach Bauart 1 und 2, =2 h bis 2·4 h:
 - b) für Räder mit hölzernen Tragarmen nach Bauart 3, = 4 h;
 - c) für Räder mit schmiedeisernen Tragarmen gleich 6 Stangen-Durchmesser.
- B) Metalldicke der Rosettenhülse, welche zum Aufkeilen der Rosette dient:

$$=\frac{1}{3}$$
 d + 0.5.

C) Länge dieser Hülse = 1.2 d bis 1.6 d.

de Velá

it verb

ier Rusta

en Quest

nastrakin (

ter; jest

and de lie

leichung al

m mi

in This

la Wein

et Silo

de les